

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ ,

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\},$$

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

kde využíváme toho, že  $a > 0$ . (Samostatně zdůvodněte.)

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

kde využíváme toho, že  $a > 0$ . (Samostatně zdůvodněte.) Pro libovolné, v daný okamžik pevné kladné  $a$  vychází

$$D_1 =$$

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

kde využíváme toho, že  $a > 0$ . (Samostatně zdůvodněte.) Pro libovolné, v daný okamžik pevné kladné  $a$  vychází

$$D_1 = D_2 =$$



**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

kde využíváme toho, že  $a > 0$ . (Samostatně zdůvodněte.) Pro libovolné, v daný okamžik pevné kladné  $a$  vychází

$$D_1 = D_2 = \{x \in \mathbf{R}; 0 \leq x \leq 2a\},$$

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

kde využíváme toho, že  $a > 0$ . (Samostatně zdůvodněte.) Pro libovolné, v daný okamžik pevné kladné  $a$  vychází

$$D_1 = D_2 = \{x \in \mathbf{R}; 0 \leq x \leq 2a\},$$

a tedy  $D(g) = \langle 0, 2a \rangle$ .

**Příklad.** Je dána funkce předpisem

$$g : y = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2} + \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a},$$

kde  $a > 0$  je reálný parametr. Určete definiční obor funkce  $D(g)$ , předpis derivace  $g'$  a definiční obor derivace  $D(g')$ .

**Řešení.** Z vlastností druhé odmocniny a funkce arkussinus plyne, že  $D(g) = D_1 \cap D_2$ , kde

$$D_1 = \left\{ x \in \mathbf{R}; 2ax - x^2 \geq 0 \right\}, \quad D_2 = \left\{ x \in \mathbf{R}; -1 \leq \frac{x - a}{a} \leq 1 \right\}.$$

Množinu  $D(g)$  tedy budeme hledat jako řešení soustavy nerovnic

$$\begin{cases} 2ax - x^2 \geq 0, \\ -a \leq x - a \leq a, \end{cases}$$

kde využíváme toho, že  $a > 0$ . (Samostatně zdůvodněte.) Pro libovolné, v daný okamžik pevné kladné  $a$  vychází

$$D_1 = D_2 = \{x \in \mathbf{R}; 0 \leq x \leq 2a\},$$

a tedy  $D(g) = \langle 0, 2a \rangle$ .

V dalším budeme derivovat funkci  $g$ .

Využijeme toho, že funkce  $g$  je dána jako součet funkcí jednodušších, neboli

$$g = g_1 + g_2,$$

kde

$$g_1(x) = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2}, \quad g_2(x) = \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a} \quad \text{pro } x \in \langle 0, 2a \rangle.$$

Využijeme toho, že funkce  $g$  je dána jako součet funkcí jednodušších, neboli

$$g = g_1 + g_2,$$

kde

$$g_1(x) = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2}, \quad g_2(x) = \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a} \quad \text{pro } x \in \langle 0, 2a \rangle.$$

Potom s použitím pravidla o derivování součtu platí

$$g' = (g_1 + g_2)' = g_1' + g_2',$$

Využijeme toho, že funkce  $g$  je dána jako součet funkcí jednodušších, neboli

$$g = g_1 + g_2,$$

kde

$$g_1(x) = \frac{x - a}{2} \cdot \sqrt{2ax - x^2}, \quad g_2(x) = \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x - a}{a} \quad \text{pro } x \in \langle 0, 2a \rangle.$$

Potom s použitím pravidla o derivování součtu platí

$$g' = (g_1 + g_2)' = g_1' + g_2',$$

a tedy naše počítání se nám podstatně usnadní, když budeme každý sčítanec  $g_i$  pro  $i = 1, 2$  derivovat zvlášť.

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$g_1'(x) = \left( \frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} \right)' \quad (?)$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$g_1'(x) = \left( \frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} \right)' \stackrel{(?)}{=} \left( \frac{x-a}{2} \right)' \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \left( \sqrt{2ax-x^2} \right)' =$$

(?)



Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$\begin{aligned}g_1'(x) &= \left(\frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2}\right)' \stackrel{(?)}{=} \left(\frac{x-a}{2}\right)' \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \left(\sqrt{2ax-x^2}\right)' = \\ &\stackrel{(?)}{=} \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} (2ax-x^2)^{-\frac{1}{2}} (2a-2x) = \\ &= \end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$\begin{aligned}g_1'(x) &= \left(\frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2}\right)' \stackrel{(?)}{=} \left(\frac{x-a}{2}\right)' \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \left(\sqrt{2ax-x^2}\right)' = \\&\stackrel{(?)}{=} \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} (2ax-x^2)^{-\frac{1}{2}} (2a-2x) = \\&= \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2(a-x)}{\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$\begin{aligned}g_1'(x) &= \left(\frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2}\right)' \stackrel{(?)}{=} \left(\frac{x-a}{2}\right)' \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \left(\sqrt{2ax-x^2}\right)' = \\&\stackrel{(?)}{=} \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} (2ax-x^2)^{-\frac{1}{2}} (2a-2x) = \\&= \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2(a-x)}{\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \frac{\left(\sqrt{2ax-x^2}\right)^2 + (x-a)(a-x)}{2\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$\begin{aligned}g_1'(x) &= \left(\frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2}\right)' \stackrel{(?)}{=} \left(\frac{x-a}{2}\right)' \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \left(\sqrt{2ax-x^2}\right)' = \\&\stackrel{(?)}{=} \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} (2ax-x^2)^{-\frac{1}{2}} (2a-2x) = \\&= \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2(a-x)}{\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \frac{\left(\sqrt{2ax-x^2}\right)^2 + (x-a)(a-x)}{2\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \frac{2ax-x^2 + 2ax-x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax-x^2}} = \frac{4ax-2x^2-a^2}{2\sqrt{2ax-x^2}}.\end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Počítejme

$$\begin{aligned}g_1'(x) &= \left(\frac{x-a}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2}\right)' \stackrel{(?)}{=} \left(\frac{x-a}{2}\right)' \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \left(\sqrt{2ax-x^2}\right)' = \\&\stackrel{(?)}{=} \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} (2ax-x^2)^{-\frac{1}{2}} (2a-2x) = \\&= \frac{1}{2} \cdot \sqrt{2ax-x^2} + \frac{x-a}{2} \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{2(a-x)}{\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \frac{\left(\sqrt{2ax-x^2}\right)^2 + (x-a)(a-x)}{2\sqrt{2ax-x^2}} = \\&= \frac{2ax-x^2 + 2ax-x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax-x^2}} = \frac{4ax-2x^2-a^2}{2\sqrt{2ax-x^2}}.\end{aligned}$$

Nyní budeme derivovat druhý sčítanec  $g_2$ .

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$g_2'(x) = \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$g_2'(x) = \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left(\frac{x-a}{a}\right)' =$$
  
$$=$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left(\frac{x-a}{a}\right)' = \\ &= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} =\end{aligned}$$



Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left( \frac{x-a}{a} \right)' = \\ &= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{a^2 - (x-a)^2}{a^2}}} =\end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left(\frac{x-a}{a}\right)' = \\&= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{a^2 - (x-a)^2}{a^2}}} = \frac{a}{2} \cdot \frac{\sqrt{a^2}}{\sqrt{a^2 - (x^2 - 2ax + a^2)}} = \\&= \end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left( \frac{x-a}{a} \right)' = \\&= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{a^2 - (x-a)^2}{a^2}}} = \frac{a}{2} \cdot \frac{\sqrt{a^2}}{\sqrt{a^2 - (x^2 - 2ax + a^2)}} = \\&= \frac{a \cdot |a|}{2\sqrt{a^2 - x^2 + 2ax - a^2}} =\end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left(\frac{x-a}{a}\right)' = \\&= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{a^2 - (x-a)^2}{a^2}}} = \frac{a}{2} \cdot \frac{\sqrt{a^2}}{\sqrt{a^2 - (x^2 - 2ax + a^2)}} = \\&= \frac{a \cdot |a|}{2\sqrt{a^2 - x^2 + 2ax - a^2}} = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}},\end{aligned}$$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left( \frac{x-a}{a} \right)' = \\ &= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{a^2 - (x-a)^2}{a^2}}} = \frac{a}{2} \cdot \frac{\sqrt{a^2}}{\sqrt{a^2 - (x^2 - 2ax + a^2)}} = \\ &= \frac{a \cdot |a|}{2\sqrt{a^2 - x^2 + 2ax - a^2}} = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}},\end{aligned}$$

kde v posledním kroku využíváme toho, že  $a > 0$

Dvojklikem na symbol modrého otazníku vyvoláte kontextovou nápovědu.

Derivujme

$$\begin{aligned}g_2'(x) &= \left( \frac{a^2}{2} \cdot \arcsin \frac{x-a}{a} \right)' \stackrel{(?)}{=} \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \left(\frac{x-a}{a}\right)^2}} \cdot \left( \frac{x-a}{a} \right)' = \\&= \frac{a^2}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{(x-a)^2}{a^2}}} \cdot \frac{1}{a} = \frac{a}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{\frac{a^2 - (x-a)^2}{a^2}}} = \frac{a}{2} \cdot \frac{\sqrt{a^2}}{\sqrt{a^2 - (x^2 - 2ax + a^2)}} = \\&= \frac{a \cdot |a|}{2\sqrt{a^2 - x^2 + 2ax - a^2}} = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}},\end{aligned}$$

kde v posledním kroku využíváme toho, že  $a > 0$  (samostatně zdůvodněte).

Postupně jsme dostali

$$g'_1(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}, \quad g'_2(x) = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}$$

Postupně jsme dostali

$$g'_1(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}, \quad g'_2(x) = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}$$

a dohromady tedy máme

$$g'(x) =$$



Postupně jsme dostali

$$g'_1(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}, \quad g'_2(x) = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}$$

a dohromady tedy máme

$$g'(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} + \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} =$$

Postupně jsme dostali

$$g'_1(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}, \quad g'_2(x) = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}$$

a dohromady tedy máme

$$g'(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} + \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} = \frac{2(2ax - x^2)}{2\sqrt{2ax - x^2}} =$$

Postupně jsme dostali

$$g'_1(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}, \quad g'_2(x) = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}$$

a dohromady tedy máme

$$g'(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} + \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} = \frac{2(2ax - x^2)}{2\sqrt{2ax - x^2}} = \underline{\underline{\sqrt{2ax - x^2}}}.$$

Postupně jsme dostali

$$g'_1(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}, \quad g'_2(x) = \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}}$$

a dohromady tedy máme

$$g'(x) = \frac{4ax - 2x^2 - a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} + \frac{a^2}{2\sqrt{2ax - x^2}} = \frac{2(2ax - x^2)}{2\sqrt{2ax - x^2}} = \underline{\underline{\sqrt{2ax - x^2}}}.$$

Je vidět, že  $D(g') = D(g)$ .